

# ŠKOLSKO NATJECANJE IZ LOGIKE

11. veljače 2013.

|  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|

## BODOVI:

- POTPUNO ISPRAVNO RJEŠENJE: 3 BODA
- IZOSTANAK RJEŠENJA: 1 BOD
- KRIVO ILI NEPOTPUNO RJEŠENJE: 0 BODOVA

| ZADATAK       | BROJ BODOVA | MAX BODOVA |
|---------------|-------------|------------|
| 1.            |             | 15         |
| 2.            |             | 9          |
| 3.            |             | 12         |
| 4.            |             | 6          |
| 5.            |             | 15         |
| 6.            |             | 21         |
| 7.            |             | 18         |
| 8.            |             | 6          |
| 9.            |             | 3          |
| 10.           |             | 18         |
| <b>UKUPNO</b> |             | <b>123</b> |

### Zadatak 1.

Pročitaj pjesmu, zatim odgovori na pitanja a) - e).

#### MUDRI ODGOVOR

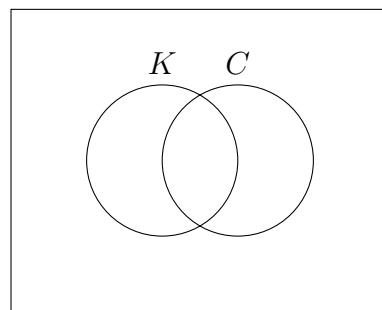
-Što ćeš, kćeri, da ti kupim? -  
pita mama malu Ladu.  
-Da li želiš kolač neki,  
ili možda čokoladu?  
-Ja bih, ja bih-rekla Lada,  
pa zbunjeno načas stala;  
da li jedno ili drugo  
odgovorit nije znala.  
Najzad joj se blage oči  
ispuniše tračkom nade:  
-Mama, ja bih kolač htjela,  
al kolač od-čokolade.

Ratko Zvrko

- a) Prema ponudi koju joj je uputila, što je Lada zaključila o tome u kakvome odnosu s obzirom na opseg stoje pojmovi ‘kolač’ i ‘čokolada’ za mamu?

Odgovor: pojmovi su \_\_\_\_\_.

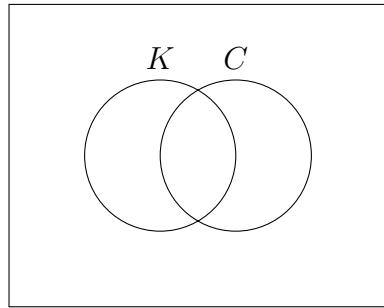
- b) Ucrtaj odnose pojmoveva ‘kolač’ i ‘čokolada’ iz zadatka a) u Vennov dijagram, gdje ‘K’ označava ‘kolač’, a ‘C’ ‘čokoladu’.



- c) Kakav odnos između pojmoveva ‘kolač’ i ‘čokolada’ uspostavlja Lada dajući svoj ‘mudri odgovor’?

Odgovor: pojmovi su \_\_\_\_\_.

d) Ucrtaj odnos iz zadatka c) u Vennov dijagram, gdje 'K' označava 'kolač', a 'C' 'čokoladu'.



e) Lada se pri tvorbi pojma 'kolač od čokolade' poslužila jednim misaonim postupkom dodavanja novih obilježja pojmu.

Kako se naziva taj postupak? \_\_\_\_\_

( $5 \times 3$  boda = 15 bodova)

## Zadatak 2.

Zadan je sljedeći sud: Svi su hermeneutičari sljedbenici Gadamerove metode.

Napišite ostala tri suda koja možete dobiti prema logičkome kvadratu te odredite njihovu istinitost (ako se može odrediti) u tradicionalnoj logici (TL) i suvremenoj logici (SL), uz pretpostavku da je početni sud u klasičnoj i suvremenoj logici istinit. Na odgovarajuća mjesta u tablici upišite 'DA' ako je sud istinit, 'NE' ako je neistinit i '/' ako se ne može odrediti. Redoslijed upisanih sudova treba odgovarati nazivima u prvome stupcu tablice (a, e, i, o).

**Napomena:** u tradicionalnoj se logici podrazumijeva postojanje logičkog subjekta, što u suvremenoj nije slučaj.

|     | Sud  | Istinit u TL | Istinit u SL |
|-----|--|--------------|--------------|
| (a) | Svi su hermeneutičari sljedbenici Gadamerove metode. | DA           | DA           |
| (i) |  |              |              |
| (e) |  |              |              |
| (o) |  |              |              |

( $3 \times 3$  boda = 9 bodova)

### **Zadatak 3.**

O kojim se oblicima neposrednih zaključaka radi u sljedećim primjerima? Zaokruži točan odgovor.

- a) Neki su postmodernistički autori angažirani intelektualci.  
Neki postmodernistički autori nisu neangažirani intelektualci.  
1. konverzija (obrat)  
2. subalternacija (podređenost)  
3. ekvipolencija (istovrijednost)  
4. kontrapozicija (protupostav)
- b) Svi su hermeneutičari sljedbenici Gadamerove metode.  
Nijedan nesljedbenik Gadamerove metode nije hermeneutičar.  
1. kontradikcija (proturječje)  
2. ekvipolencija (istovrijednost)  
3. subkontrarnost (podsuprotnost)  
4. kontrapozicija (protupostav)
- c) Nijedan miris nije čujan.  
Svi su mirisi nečujni.  
1. konverzija (obrat)  
2. subalternacija (podređenost)  
3. ekcipolencija (istovrijednost)  
4. kontrapozicija (protupostav)
- d) Neki matematičari jesu platonisti.  
Neki su platonisti matematičari.  
1. ekcipolencija (istovrijednost)  
2. kontrapozicija (protupostav)  
3. kontrarnost (suprotnost)  
4. konverzija (obrat)

( $4 \times 3$  boda = 12 bodova)

**Zadatak 4.**

Kako nazivamo sljedeći oblik kategoričkoga silogizma?

I zadovoljstva kratko traju jer su lijepa.

Naziv: \_\_\_\_\_

Od zadanoga silogizma načini kategorički silogizam Barbara.

---

---

---

( $2 \times 3$  boda = 6 bodova)

**Zadatak 5.**

Za svaku od sljedećih razdioba (divizija) i definicija zaokruži točan odgovor:

a) Razdioba je logički postupak kojim se utvrđuje opseg pojma.

Definicija je:

1. valjana
2. nije jasna
3. preuska
4. cirkularna

b) Apodiktički (nužnosni) sudovi jesu sudovi s pojačanim modalitetom: sadrže tvrdnju o nekome stanju stvari koja ne samo da je istinita, već je i nužno istinita.

Definicija je:

1. preširoka
2. valjana
3. negativna
4. preuska

c) Elementi razdiobe (divizije) jesu razdiobna cjelina (*totum divisionis*) i članovi razdiobe (*membra divisionis*).

Razdioba je:

1. valjana
2. nije dosljedna
3. preširoka
4. preuska

d) Pridjevi se u hrvatskome jeziku dijeli na određene, posvojne, gradivne i opisne.  
Razdioba je:

1. preširoka
2. nije dosljedna
3. valjana
4. preuska

e) Zamislite sljedeću situaciju: Marko je osnovnoškolac koji se prvi put susreće s nepoznatim pojmom ‘poststrukturalizam’. Obraća se stoga svojoj profesorici hrvatskoga jezika koja mu na pitanje “Što je poststrukturalizam” odgovara sljedećom definicijom:

“Poststrukturalizam je filozofska književnoteorijska orijentacija koja nastupa u reakciji spram modernističkoga strukturalizma. Počiva na dekonstrukciji, disjunktivnoj ironiji, negaciji identiteta i subjekta te isticanju derridaeovske *différance*. Profesoričina je definicija Marku:

1. nejasna
2. valjana
3. cirkularna
4. negativna

( $5 \times 3$  boda = 15 bodova)

### Zadatak 6.

Nadopunite istinitosno stablo iskazima s kvačicom ili bez nje, brojkama, križićima ili kružićima te odgovorite slijedi li iz formule  $p \rightarrow (q \wedge (r \vee s))$  formula  $(p \rightarrow q)$ .

|    |   |                       |
|----|---|-----------------------|
| 1. | $p \rightarrow (q \wedge (r \vee s))\checkmark$ | premisa               |
| 2. | _____   | _____                 |
| 3. | _____   | 2, $\neg \rightarrow$ |
| 4. | $\neg q$  | _____                 |
| 5. | $\neg p$ $q \wedge (r \vee s)\checkmark$        | 1, $\rightarrow$      |
| 6. | _____ $q$                                       | 5, $\wedge$           |
| 7. | _____ $r \vee s$                                | 5, $\wedge$           |
|    | _____   |                       |

Zaokružite točan odgovor: konkluzija slijedi / ne slijedi iz premise.

( $7 \times 3$  boda = 21 bod)

### Zadatak 7.

‘ $\uparrow$ ’ je logički operator koji se naziva Shefferova funkcija. Definiran je sljedećom istinitosnom tablicom, gdje  $i$  predstavlja istinu, a  $n$  neistinu:

| $A$ | $B$ | $A \uparrow B$ |
|-----|-----|----------------|
| $i$ | $i$ | $n$            |
| $i$ | $n$ | $i$            |
| $n$ | $i$ | $i$            |
| $n$ | $n$ | $i$            |

Zaokružite točne odgovore:

a)  $A \uparrow B$  je logički ekvivalentno:

1.  $\neg A \wedge \neg B$
2. nijednoj od navedenih opcija
3.  $\neg(\neg A \wedge \neg B)$
4.  $\neg(A \wedge B)$

b)  $A \vee B$  je logički ekvivalentno:

1.  $A \uparrow B$
2. nijednoj od navedenih opcija
3.  $(A \uparrow B) \uparrow (B \uparrow A)$
4.  $(A \uparrow A) \uparrow (B \uparrow B)$

c)  $\neg A$  je logički ekvivalentno:

1.  $\neg A \uparrow A$
2. nijednoj od navedenih opcija
3.  $A \uparrow A$
4.  $\neg(A \uparrow A)$

U istinitosnoj tablici za  $A \uparrow B$  uočavamo kako je taj iskaz neistinit točno u jednome retku. Napišite na donje crte iskaze koji su neistiniti točno u jednome od preostala tri retka istinitosne tablice. Pritom koristite isključivo sljedeće znakove:  $A$ ,  $B$ ,  $($ ,  $)$ ,  $\uparrow$ . Svako rješenje mora biti minimalno, tj. sadržavati najmanji mogući broj pojavljivanja znaka  $\uparrow$  i unutar svake formule članovi moraju biti napisani abecednim redom.

**Rješenje:**

1. \_\_\_\_\_
2. \_\_\_\_\_
3. \_\_\_\_\_

**( $6 \times 3$  boda = 18 bodova)**

### Zadatak 8.

Zadan je veznik ‘ $\leftarrow$ ’ koji je definiran sljedećom istinitosnom tablicom, gdje  $i$  označava istinu, a  $n$  neistinu:

| $A$ | $B$ | $A \leftarrow B$ |
|-----|-----|------------------|
| i   | i   | i                |
| i   | n   | i                |
| n   | i   | n                |
| n   | n   | i                |

Skup je veznika  $\{\leftarrow, \neg\}$  izražajno potpun, što znači da s pomoću tih dvaju veznika možemo izraziti sve ostale istinitosnofunkcionalne veznike. Koristeći samo veznike ‘ $\leftarrow$ ’ i ‘ $\neg$ ’, vanjske zagrade ‘(’ i ‘)’ i sudne varijable ‘ $p$ ’ i ‘ $q$ ’, definiraj sljedeće izraze:  $(p \uparrow q)$ ,  $(p \vee q)$ , s tim da se u svakoj definiciji veznik obrnute pogodbe ‘ $\leftarrow$ ’ smije pojaviti samo jedanput, dok je negaciju ‘ $\neg$ ’ moguće koristiti više puta, ali rješenja moraju biti minimalna, tj. sadržavati najmanji mogući broj veznika. **Logički operator ‘ $\uparrow$ ’ definiran je u zadatku 7. Ako zadane uvjete zadovoljava više mogućih rješenja, potrebno ih je sve navesti.**

Primjer:

$$(p \rightarrow q) \leftrightarrow (q \leftarrow p)$$

Rješenja:

$$(p \uparrow q) \leftrightarrow \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(p \vee q) \leftrightarrow \underline{\hspace{2cm}}$$

(2×3 boda = 6 bodova)

### Zadatak 9.

Pri izgradnji istinitosne tablice za neki iskaz, o čemu sve ovisi broj mogućih istinitosnih pridruživanja tome iskazu?

1. o broju različitih iskaznih slova
2. o broju ponavljanja istih iskaznih slova
3. o broju veznika
4. o broju zagrada
5. o broju pretpostavljenih istinitosnih vrijednosti

(1×3 boda = 3 boda)

### Zadatak 10.

U ovome se zadatku radi o međusobnim odnosima između četvero poznanika: Ane, Borana, Cvjetu i Darka. Jedini je odnos između njih onaj prema kojemu netko nekoga voli. Postoje dva moguća načina na koja su sve sljedeće tvrdnje o međusobnim odnosima između Ane, Borana, Cvjetu i Darka istinite. Unesite ih u tablice, tako da znakom ‘✓’ označite da osoba čije je ime navedeno u lijevome stupcu voli osobu čije je ime u prvome retku tablice. Na analogan način znakom ‘✗’ označite tko koga ne voli.

#### Tvrđnje:

1. Darko voli Cvjetu.
2. Nije tako da Ana voli Darka ili Darko voli Anu.
3. Boran voli ili Cvjetu, ili Darka.
4. Ana voli sve i samo one koje voli i Boran.
5. Cvjeta voli sve koji vole nju.
6. Nitko ne voli samoga sebe.

Slučaj 1

|        | Ana | Boran | Cvjeta | Darko |
|--------|-----|-------|--------|-------|
| Ana    |     |       |        |       |
| Boran  |     |       |        |       |
| Cvjeta |     |       |        |       |
| Darko  |     |       |        |       |

Slučaj 2

|        | Ana | Boran | Cvjeta | Darko |
|--------|-----|-------|--------|-------|
| Ana    |     |       |        |       |
| Boran  |     |       |        |       |
| Cvjeta |     |       |        |       |
| Darko  |     |       |        |       |

**Napomena:** Sva polja u tablicama moraju biti ispunjena. Svaka potpuno točno ispunjena tablica nosi 3 boda.

Koje od sljedećih tvrdnji slijede na temelju podataka iz obje tablice? Zaokružite točne odgovore:

1. Ne postoji nitko koga nitko ne voli. **slijedi / ne slijedi**
2. Svatko voli onoga tko njega voli. **slijedi / ne slijedi**
3. Ana ili Darko vole Boranu. **slijedi / ne slijedi**
4. Darko voli svakoga tko njega voli. **slijedi / ne slijedi**

**(6×3 boda = 18 bodova)**